Prüfung aus

Stochastische Prozesse für Informatikstudien (506.007)

4. 3. 2011

Familienname	Vorname	Matrikelnummer
1) Die Klausur best Minuten.	eht aus 2 Aufgaben. Die	e reine Arbeitszeit beträgt 40
2) Lösungen werder durchgeführt wer	,	venn sie in diesem Exemplar
, -	,	nn nur der Wert der Lösung sses nicht erkennbar ist.
4) Viel Glück beim	Nüsseknacken.	
	1.	
	2.	
	ÜB	
	\sum	
	_	

Note:

Die Anzahl der ankommenden Kunden N_t am Schalter einer Bank folge einem Poisson Prozess mit Rate λ = 10 Kunden pro Stunde.
 (a) Mit welcher Wahrscheinlichkeit kommt in 15 Minuten kein einziger Kunde?
 (b) Wir wissen bereits, dass in einer Stunde 8 Kunden angekommen sind. Wie groß ist dann die Wahrscheinlichkeit, dass in der nächsten Stunde 6 Kunden ankommen werden?
 (c) Innerhalb von 30 Minuten sind 4 Kunden angekommen. Mit welcher Wahrscheinlichkeit sind 3 dieser 4 bereits innerhalb der ersten 15 Minuten angekommen?
 (d) Bestimmen Sie die Wahrscheinlichkeit, dass der 3. Kunde erst nach 30

(6)

Minuten ankommt.

2) Eine Urne wird mit drei Kugeln gefüllt. Die Kugeln werden zufällig ausgewählt und sind jeweils mit Wahrscheinlichkeit $\frac{1}{2}$ rot oder blau. Nun ziehen wir aus dieser Urne eine Kugel und ersetzen die gezogene Kugel jeweils durch eine andersfärbige.

Also ziehen wir z.B. ein rote Kugel, dann wird diese durch eine blaue Kugel ersetzt. Nun wiederholen wir diesen Prozess. Sei X_n die Anzahl der roten Kugeln in der Urne zum Zeitpunkt n. Dann ist $\{X_n : n \geq 0\}$ eine Markov-Kette mit den Zuständen $\{0,1,2,3\}$.

- (a) Bestimmen Sie die Startverteilung der Markov-Kette. (Verteilung von X_0 .)
 (4)
- (b) Zeichnen Sie den Übergangsgraphen der Markov–Kette. (8)
- (c) Ist diese Markov–Kette irreduzibel? (Begründung!) (2)
- (d) Bestimmen Sie die Periode von Zustand 0. (6)